Theorie Woche 8:

O Normierte Veletorräume: Skript 5.62 f.

Wir haben bereits früh die enklidische Norm

betrachtet. Nun erweitern wir unseren Begriff der

Norm und betrachten weitere Normen und die

Paarung eines V.R. und einer Norm. Definition k

Regeln der Norm, sowie reelle und komplexe

Beispiele finden sich im Skript.

Das Skalarprodukt in linearen Räumen: Skript S.64f.

Auch das euklidische Skalarprodukt haben nir
bereits behandelt. Auch diesen Begriff erweitern

nir nun: zentral ist vor allem der Begriff der

induzierten Norm. Definition & Regeln des Skalar
produktes, sowie reelle und komplexe Beispiele

finden sich im Skript.

o Die Orthogonalprojektion: Skipt 5.66

Die Orthogonalprojektion von x e V ant y E V, y ≠ 0 ist:

Ich nöchte ench aber eine Intnition geben, war und diese Formel stimmt, hier für betrachten wir einmal das enklichische Skalarprodukt:

~ o (x, y > = ||x|| ||y||2 cos x mit ||x||2 cos x := die Länge der Projektion in y Richtung = 1121/2 Nun wollen wir aber roch die Richtungsangabe, in Richtung y: $= 0 \quad z = \|z\|_{z} \cdot \frac{y}{z} = \frac{\langle x, y \rangle}{\|y\|_{z}} \cdot \frac{y}{\|y\|_{z}} = \frac{\langle x, y \rangle}{\|y\|_{z}^{2}} \cdot y$ Veletor in y-Richtung aber normiet auf Lange 1. mid llyllz = (y,y) folgt obige Formel: = - · y · y man aut alle Skalar produkte answeiter & O Die Orthonormalbasis (ONB): Skript S.66 u. Wir leisten die Grundarbeit für das Gram-Schnidt-Verfalver. Die beider nötiger Theoreme findet ihr im Skript. Knægefasst ist es möglich, in jeden beliebigen Velitorrann nicht nur eine Basis, sondern sogar eine ONB, also eine Basis mit orthonormalen Einheitsveltoren, In finder (stehen senkrecht anternander mit Länge 1).

Skript S. 67-75 Siner der wichtigsten Algorithmen den ihr dieses sienester sehen wedet. Ermöglicht das Konstruieren viner ONB aus einer beliebigen Basis in ednem lerforraum. Das Kochrezept zum Algorithmus, onie unzählige Reispiele finden sich im Skript.	iner der wichtigsten Algorithmen den ihr dieses enester sehen wedet. Ermöglicht das Konstruieren iner ONB aus einer beliebigen Basis in ednem eleforraum. Das Kochrezept zum Algorithmus owie unzählige Beispiele finden sich im	Das Gram-Schmidt-Orthonormalisierungsverfahren
iner ONB aus einer <u>beliebigen</u> Basis in ednem Verforraum. Das Kochrezept zum Algorithmus, owie unzählige Reispiele finden sich im	enester sehen wedet. Ermöglicht das Konstruieren iner ONB aus einer beliebigen Basis in ednem elstorraum. Das Kochrezept zum Algorithmus owie unzählige Beispiele finden sich im	Skript S. 67-75
iner ONB aus einer <u>beliebigen</u> Basis in ednem Verforraum. Das Kochrezept zum Algorithmus, owie unzählige Reispiele finden sich im	enester sehen wedet. Ermöglicht das Konstruieren iner ONB aus einer beliebigen Basis in ednem elstorraum. Das Kochrezept zum Algorithmus owie unzählige Beispiele finden sich im	Einer der wichtigsten Algorithmen den ihr dieses
ine ONB ans einer <u>beliebigen</u> Basis in evnem lebtorraum. Das Kochrezept zum Algorithmus, owie unzählige Reispiele finden sich im	ine ONB ans eine <u>beliebigen</u> Basis in evnem eletorraum. Das Kochrezept zum Algorithmus owie unzählige Reispiele finden sich im	
lertorraum. Das Kochrezept zum Algorithmus, owie unzählige Beispiele finden sich im	elsforraum. Das Kochrezept zum Algorithmus owie unzählige Beispiele finden sich im	•
owie unzählige Reispiele finder sich in	owie unzählige Reispiele finder sich in	